



Рисунок 1 - Двухобмоточный трансформатор Y/D

Проверка на реальных значениях ТДЦ-125000/220

Дано:  $j := \sqrt{-1}$

$$\Delta P_x := 79 \cdot 10^3 \text{ Вт} \quad S_{\text{ном}} := 125 \cdot 10^6 \text{ ВА}$$

$$\Delta P_k := 380 \cdot 10^3 \text{ Вт} \quad U_{\text{номB}} := 242 \cdot 10^3 \text{ В}$$

$$u_k := 11 \% \quad U_{\text{номH}} := 10.5 \cdot 10^3 \text{ В}$$

$$I_x := 0.55 \% \quad$$

$k_0 := 0.9$  **это отношение  $X_0/X_1$ . Взять 0.9 по РУ11 или варьировать, чтобы получить  $X_0$  как по Беляеву**

Вычисление исходных данных

$$K_{NT} := \frac{\frac{U_{\text{номB}}}{\sqrt{3}}}{U_{\text{номH}}} = 13.306549 \quad Z_{\text{ном}} := \frac{U_{\text{номB}}^2}{S_{\text{ном}}}$$

$$R_f := \Delta P_k \cdot \frac{U_{\text{номB}}^2}{S_{\text{ном}}^2} = 1.424276 \quad Z_{f\_abs} := \frac{u_k}{100} \cdot \frac{U_{\text{номB}}^2}{S_{\text{ном}}} = 51.53632$$

$$X_f := \sqrt{Z_{f\_abs}^2 - R_f^2} = 51.516635$$

$$Z_{f_{NT}} := 0 + j \cdot X_f = 51.517j$$

$$R_N := \frac{R_f}{2} = 0.712138 \quad R_T := \left( \frac{1}{K_{NT}} \right)^2 \cdot R_N = 4.02192 \times 10^{-3}$$

$$R_{eN} := \Delta P_x \cdot \left( \frac{100}{I_x} \right)^2 \cdot \frac{U_{\text{номB}}^2}{S_{\text{ном}}^2} - R_N = 9787.703862 \quad Z_{e\_absN} := \frac{100 \cdot U_{\text{номB}}^2}{I_x \cdot S_{\text{ном}}} = 85184$$

$$X_{eN} := \sqrt{Z_{e\_absN}^2 - (Re_N)^2} = 84619.824563$$

$$Z_{eN} := Re_N + j \cdot X_{eN} = 9787.703862 + 84619.824563j$$

$$Zf0_{NT} := 0 + j \cdot k0 \cdot X_f = 46.364972j$$

**Вариант 1**

$$Zn_1 := \sqrt{Z_{eN} - Zf_{NT}} \cdot \sqrt{Z_{eN}} = 9787.7043095 + 84594.06237577j$$

$$ZN_1 := \frac{5 \cdot Z_{eN}^2 - 6 \cdot Z_{eN} \cdot Zn_1 - 2 \cdot Zf0_{NT} \cdot Z_{eN} + Zn_1^2}{6 \cdot Z_{eN} - 6 \cdot Zn_1 - 3 \cdot Zf0_{NT}} = 6525.14186 + 56456.095385j$$

$$ZmNT_1 := \frac{ZN_1 - Z_{eN} + Zn_1}{K_{NT}} = 490.37074 + 4240.793983j$$

$$ZmNN'_1 := ZN_1 - Z_{eN} = -3262.562002 - 28163.729178j$$

$$ZmNT'_1 := \left( \frac{1}{K_{NT}} \right) \cdot ZmNN'_1 = -245.184682 - 2116.53142j$$

$$ZT_1 := \frac{1}{K_{NT}} \cdot ZN_1 = 36.851832 + 318.845256j$$

$$ZmTT'_1 := \frac{1}{K_{NT}} \cdot ZmNN'_1 = -18.425865 - 159.059378j$$

Вот такими формулами определяются опыты XX и КЗ

$$Z_{e\text{test}} := RN + ZN_1 - ZmNN'_1 = 9.788 \times 10^3 + 8.462i \times 10^4$$

$$Zf_{\text{test}} := \frac{(RT + ZT_1 - ZmTT'_1) \cdot (RN + ZN_1 - ZmNN'_1) - (ZmNT_1 - ZmNT'_1)^2}{(RT + ZT_1 - ZmTT'_1)} = 1.424 + 51.517i$$

$$Zf0_{\text{test}} := \frac{(RT + ZT_1 + 2 \cdot ZmTT'_1) \cdot (RN + ZN_1 + 2ZmNN'_1) - (ZmNT_1 + 2 \cdot ZmNT'_1)^2}{(RT + ZT_1 + 2 \cdot ZmTT'_1)} = 1.168 + 46.367i$$

$$Zf0_{\text{test.openD}} := RN + ZN_1 + 2 \cdot ZmNN'_1 = 0.73 + 128.637i$$

опыт XX

опыт КЗ

опыт нулевой последовательности при замкнутом треугольнике

опыт нулевой последовательности при разомкнутом треугольнике

**Сопротивление нулевой последовательности при разомкнутом треугольнике**

$$Zf0_{\text{openD}} := RN + ZN_1 + 2 \cdot ZmNN'_1 = 0.73 + 128.637i$$

$$uk0 := \left| \frac{Zf0_{\text{openD}}}{Z_{\text{nom}}} \right| \cdot 100 = 27.457$$

эта величина должна соответствовать uk0 по Беляеву (т.е. надо варьировать k0 сверху до совпадения)

Вводить в MATLAB

### Nominal power (VA) and frequency (Hz)

$$S_{\text{ном}} = 1.25 \times 10^8 \quad f := 50$$

### Nominal line-line voltages (Vrms)

$$U_{\text{номB}} = 2.42 \times 10^5 \quad U_{\text{номH}} = 1.05 \times 10^4$$

### Winding Resistances (pu)

$$R1 := \frac{\Delta P_k}{S_{\text{ном}}} \cdot 0.5 = 1.52 \times 10^{-3} \quad R2 := R1 = 1.52 \times 10^{-3} \quad \Delta P_k = 3.8 \times 10^5$$

### Positive sequence no-load excitation current %

$$I_x = 0.55$$

### Positive sequence no-load losses, W

$$\Delta P_x = 7.9 \times 10^4$$

### Positive sequence short-circuit reactance X12 (pu)

$$\frac{X_f}{Z_{\text{ном}}} = 0.11 \quad \text{или можно упрощенно} \quad \frac{uk}{100} = 0.11$$

### Zero sequence no-load excitation current (%) when delta winding opened

$$\frac{100}{uk_0} \cdot 100 = 364.207 \quad \text{или} \quad \left| \frac{Z_{\text{ном}}}{Zf0_{\text{openD}}} \right| \cdot 100 = 364.207$$

### Zero-secuence no-load losses when delta winding opened

$$I_{xx0} := \frac{\frac{U_{\text{номB}}}{\sqrt{3}}}{Zf0_{\text{openD}}} = 6.164 - 1.086i \times 10^3$$

$$dS_{xx0} := 3 \cdot (|I_{xx0}|)^2 \cdot Zf0_{\text{openD}} = 2.583 \times 10^6 + 4.553i \times 10^8$$

$$3 \cdot (|I_{xx0}|)^2 \cdot Zf0_{\text{openD}} = \left[ \frac{U_{\text{номB}}^2}{(|Zf0_{\text{openD}}|)^2} \right] \cdot Zf0_{\text{openD}} = \left( \frac{U_{\text{номB}}^2}{Zf0_{\text{openD}} \cdot Zf0_{\text{openD}}} \right) \cdot Zf0_{\text{openD}} = \frac{U_{\text{номB}}^2}{Zf0_{\text{openD}}}$$

$$dP_{xx0} = \text{Re} \left( \frac{U_{\text{номB}}^2}{Zf0_{\text{openD}}} \right) \quad \text{Re} \left( \frac{U_{\text{номB}}^2}{Zf0_{\text{openD}}} \right) = 2.583 \times 10^6$$

$$dP_{xx0} := \text{Re}(dS_{xx0}) = 2.583 \times 10^6$$

### Zero-secuence no-load losses

### Zero-sequence short-circuit reactance (pu)

$$k_0 \cdot \frac{X_f}{Z_{\text{ном}}} = 0.099$$

Доп. выкладки

$$Z_{eN} = \frac{Ea}{I_{axx}} = (1 - k') \cdot Z_N$$

$$Zf_{NT} = \frac{Ea}{I_{axx}} = \frac{(1 - k')^2 - (k - k')^2}{(1 - k')} \cdot Z_N$$

$$Zf_{0NT} = \frac{Ea}{I_{axx0}} = \frac{(1 + 2k')^2 - (k + 2k')^2}{(1 + 2k')} \cdot Z_N$$

$$\frac{Zf_{NT}}{Ze} = \frac{(1 - k')^2 - (k - k')^2}{(1 - k')^2} = A$$

$$\frac{Zf_{0NT}}{Ze} = \frac{(1 + 2k')^2 - (k + 2k')^2}{(1 + 2k') \cdot (1 - k')} = B$$

$$k = \begin{cases} (k' - 1)^2 \cdot \left[ \frac{k'}{(k' - 1)^2} + \frac{\sqrt{1 - A}}{k' - 1} \right] \\ (k' - 1)^2 \cdot \left[ \frac{k'}{(k' - 1)^2} - \frac{\sqrt{1 - A}}{k' - 1} \right] \end{cases}$$

$$\frac{(1 + 2k')^2 - \left[ (k' - 1)^2 \cdot \left[ \frac{k'}{(k' - 1)^2} + \frac{\sqrt{1 - A}}{k' - 1} \right] + 2k' \right]^2}{(1 + 2k') \cdot (1 - k')} = B$$

$$k' = \begin{pmatrix} 1 \\ \frac{A - B}{A + 2 \cdot B - 6 \cdot \sqrt{1 - A} - 6} \end{pmatrix}$$

$$A := \frac{Zf_{NT}}{Ze_N} = 6.008 \times 10^{-4} + 6.949i \times 10^{-5}$$

$$B := \frac{Zf_{0NT}}{Ze_N} = 5.407 \times 10^{-4} + 6.254i \times 10^{-5}$$

$$k = \begin{cases} (k' - 1)^2 \cdot \left[ \frac{k'}{(k' - 1)^2} + \frac{\sqrt{1 - A}}{k' - 1} \right] \\ (k' - 1)^2 \cdot \left[ \frac{k'}{(k' - 1)^2} - \frac{\sqrt{1 - A}}{k' - 1} \right] \end{cases}$$

$$k' := \frac{A - B}{A + 2 \cdot B + 6 \cdot \sqrt{1 - A} - 6} = -0.499 + 1.298i \times 10^{-4}$$

$$Z_N := \frac{Ze_N}{(1 - k')} = 6.525 \times 10^3 + 5.646i \times 10^4$$

$$ZmNN' := k' \cdot Z_N = -3.263 \times 10^3 - 2.816i \times 10^4$$

$$RN + ZN + 2ZmNN' = 0.73 + 128.637i$$

$$Zf_{0openD} = 0.73 + 128.637i$$